

# **Digitalni sistemi prenosa**

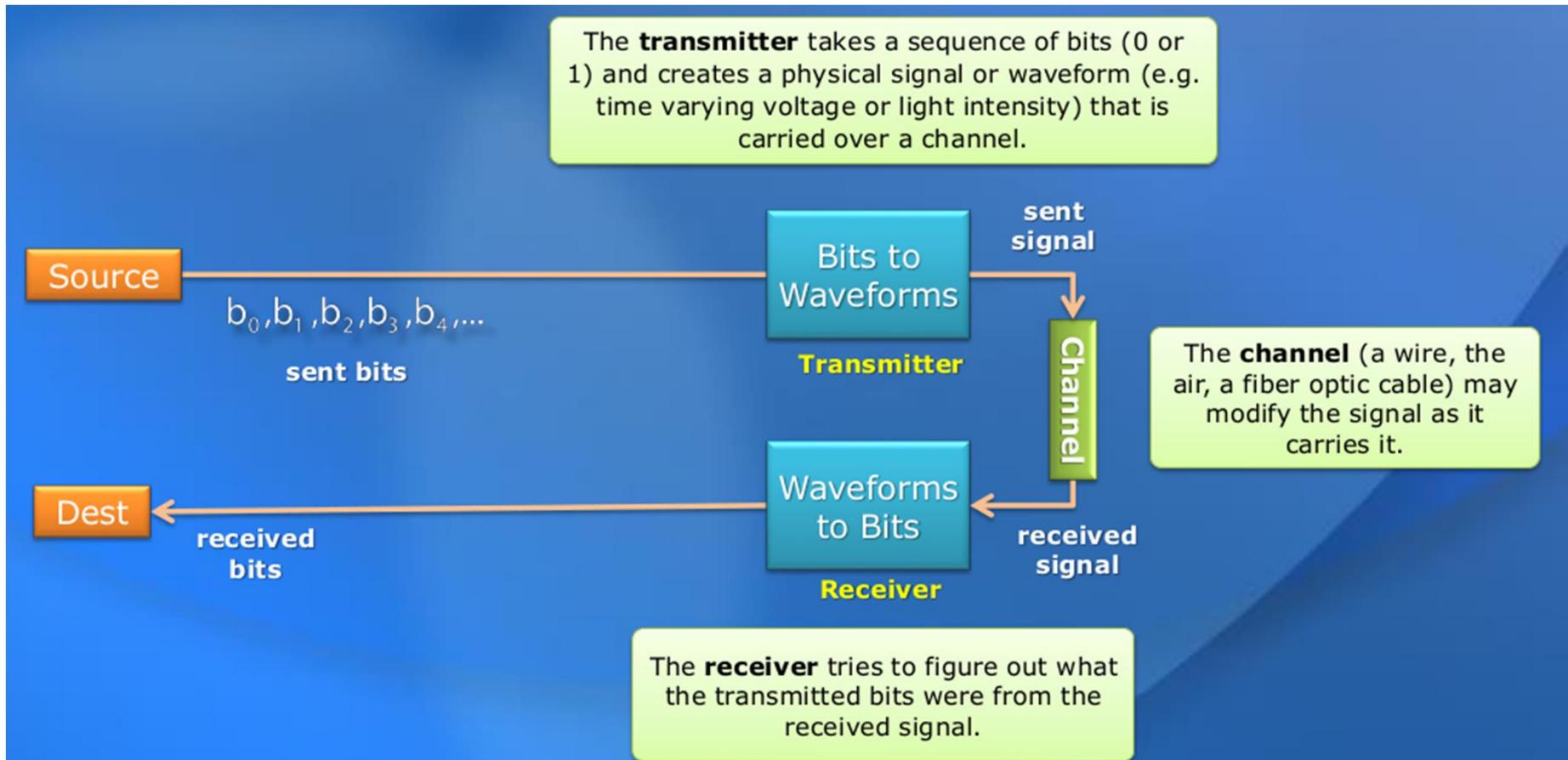
**Profesor dr Miroslav Lutovac**

- Digitalni sistemi prenosa
  - Amela Zeković, Lekcija 4:
  - Prenos u digitalnim sistemima:  
od signala do paketa
- 
- Literatura za ovu lekciju su
    - ✓ kurs A System View of Communications: From Signals to Packets, Hong Kong University of Science and Technology
    - ✓ kurs Digital Communication Systems razvijen na MIT univerzitetu

# Prenos digitalnog signala

- Bit predstavlja osnovnu jedinicu informacije koja se koristi u modernim komunikacionim sistemima
- Veličina koja se predstavlja jednim bitom je promenljiva koja može imati dve moguće vrednosti, koje se uobičajeno označavaju sa 0 ili 1
- Fizički se bit predstavlja kao dva jasno različita stanja promenljivih, kao što su:
  - ✓ napon (1 označava visok, a 0 nizak napon)
  - ✓ svetlost (1 uključena, 0 isključena)
- Složenije poruke se prenose kombinacijom više bita

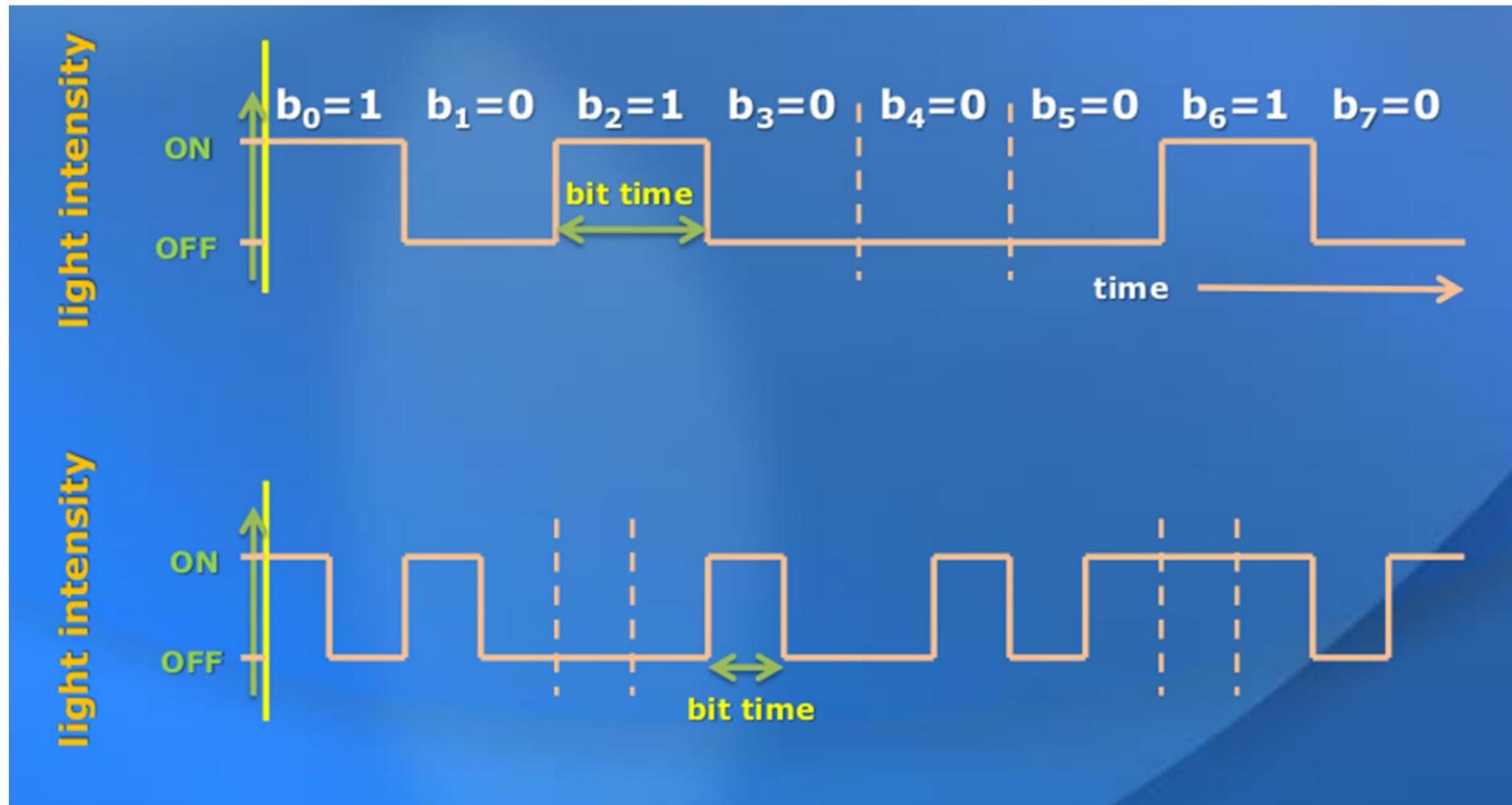
# Blok šema osnovnog digitalnog komunikacionog sistema



# Prenos digitalnog signala

- Od izvora informacije, na ulaz predajnika dolazi sekvenca bita
- Predajnik konvertuje niz bitova u talasni oblik koji odgovara sekvenci bitova
- Od predajnika do prijemnika, preko kanala za prenos, prostire se informacija u talasnom obliku
- Napon može da se pošalje preko žice za prenos
- Svetlost može da se pošalje preko optičkog vlakna

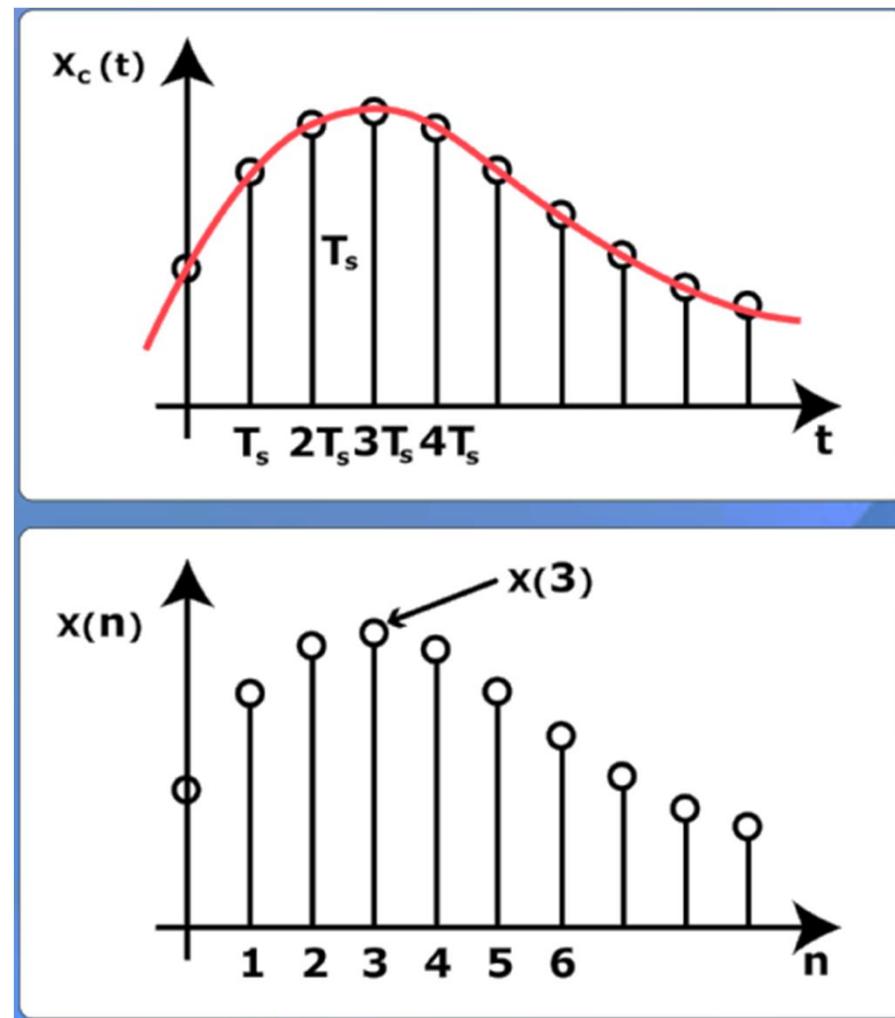
# Predstavljanje bita pomoću talasnog oblika



# Prenos digitalnog signala

- Prilikom predstavljanja bita u talasnom obliku, vreme koje je dodeljeno jednom bitu se označava kao bit time, pri čemu kraće vreme trajanja znači brži prenos informacija
- Talasni oblik koji je kontinulan u vremenu (ima vrednost u svakom trenutku) može da se diskretizuje u vremenu postupkom odabiranja (*sampling*)

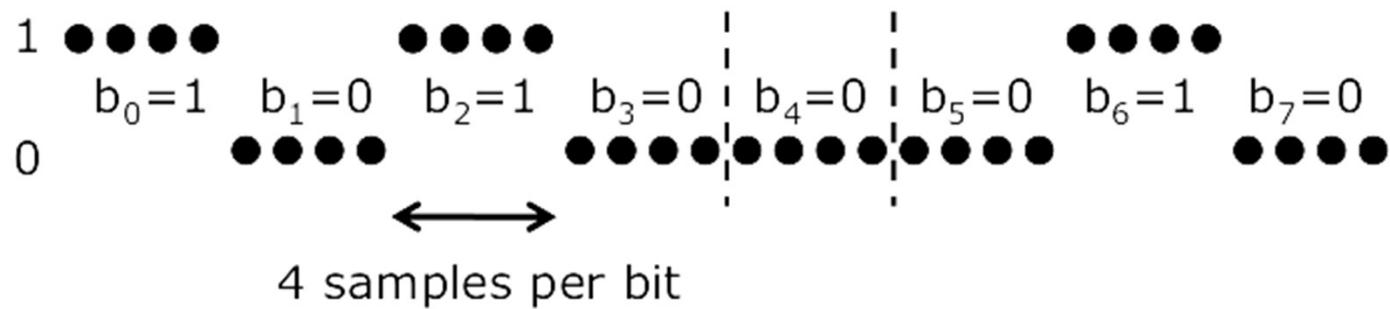
Kontinualan signal  $x_c(t)$  i  
diskretan signal  $x(n) = x_c(nt)$  ( $nT_s$ ),  
gde je  $T_s$  perioda odabiranja



# Broj odbiraka po bitu

- Primer talasnog oblika za predstavljanje bita u disretnom obliku, pri čemu je SPB (*Sample Per Bit*) broj odbiraka po bitu na sledećoj slici je jednak 4
- izračunavanja bitskog protoka za ovaj SPB dat je na narednom slajdu
- Ekvivalentni načini predstavljanja diskretnog talasnog oblika bita dati su na narednoj slici

# Predstavljanje bita pomocu diskretnog talasnog oblika



# Izračunavanja bitskog protoka

## Sample rate

$$\begin{aligned}F_s &= 1 \text{ MHz} = 1 \text{ MegaHertz} \\&= 1,000,000 \text{ samples / second} \\&= 10^6 \text{ samples / second}\end{aligned}$$

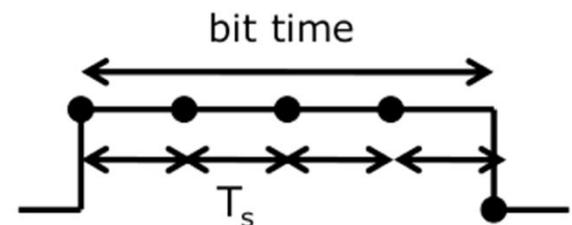
---

If we use 4 samples per bit (SPB = 4),  
then

$$\begin{aligned}T_s &= (F_s)^{-1} = 10^{-6} \text{ second} \\&= 1 \mu\text{s} = 1 \text{ microsecond}\end{aligned}$$

The bit time  $= SPB \cdot T_s = 4 \mu\text{s}$

The bit rate  $= \frac{F_s}{SPB}$   
 $= \frac{1,000,000}{4} \text{ Hz} = 250 \text{ kHz}$



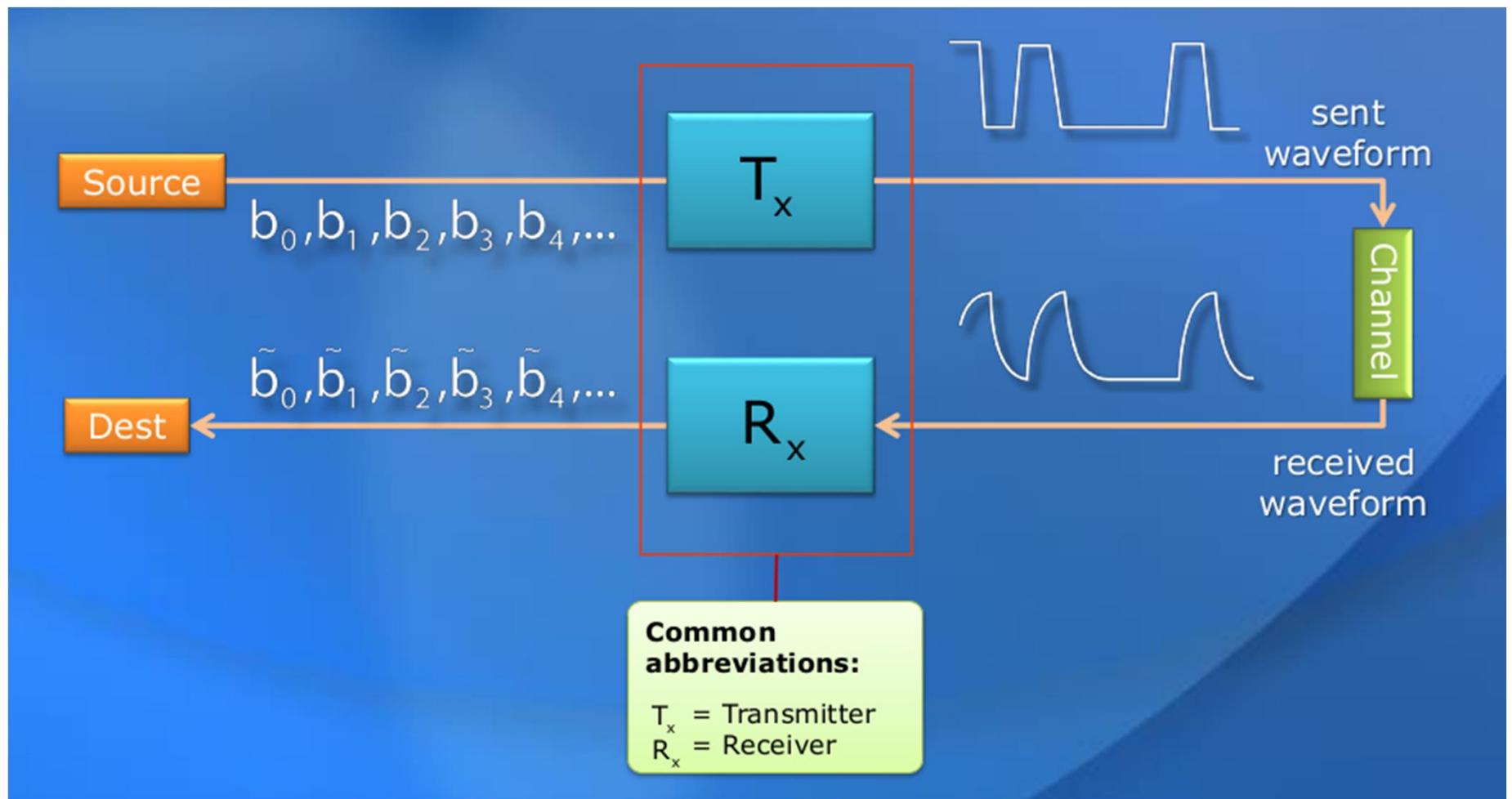
# Ekvivalentni načini predstavljanja bita

<b>Verbal</b>	"Encoding of the bit sequence 1,0,1,0,0,0,1 at 4 samples per bit"
<b>Graph</b>	
<b>List, table or vector of values</b>	$n = [0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7 \ 8 \ 9 \ 10 \ 11 \ 12 \ 13 \ 14 \ 15 \ 16 \ 17 \dots]$ $x(n) = [1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \dots]$
<b>Sum of unit step functions</b>	$x(n) = u(n) - u(n-4) + u(n-8) - u(n-12) + u(n-24) - u(n-28)$

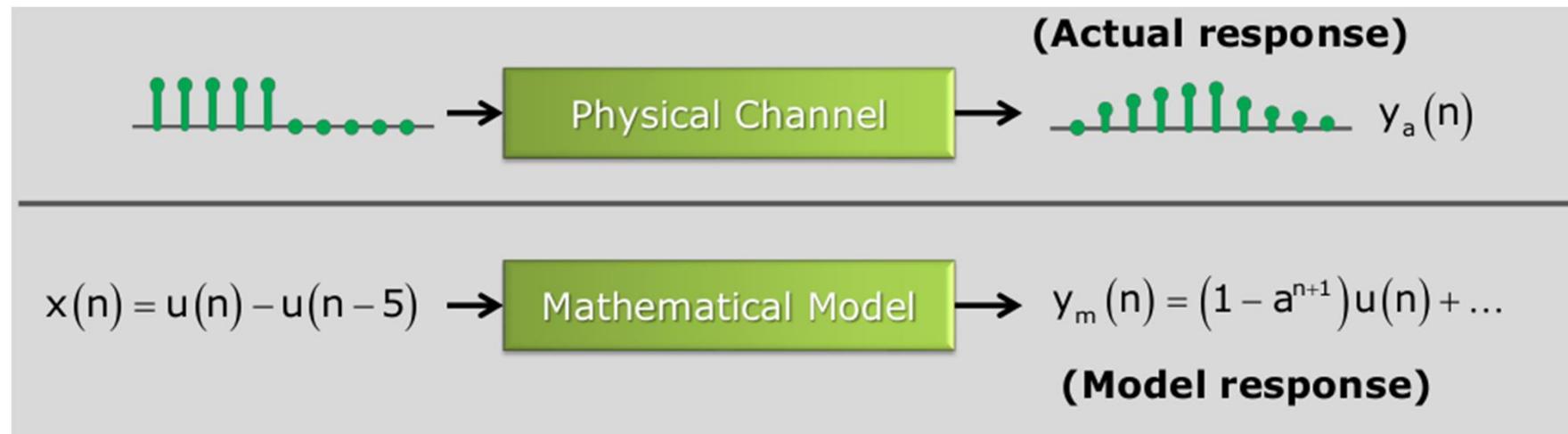
# Uticaj kanala za prenos na talasni oblik bita

- Prilikom prenosa talasnog oblika bita kroz kanal za prenos dolazi do njegove promene, kao što je ilustrovano na sledećoj slici
- Ako je u pitanju diskretni kanal za prenos, izgled signala sliči posle nje zajedno sa primerom modelovanja ovog sistema
- Modelovanje je korisno radi predikcije ponašanja sistema i razvoja sistema boljih karakteristika

# Prenos talasnog oblika kroz kanal u komunikacionom sistemu



# Uticaj diskretnog kanala za prenos i njegov model

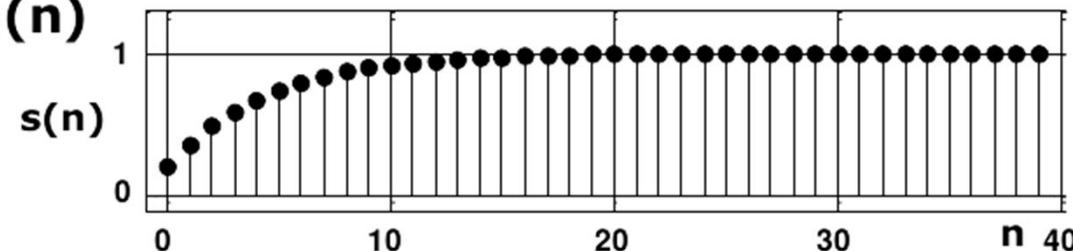


# Uticaj kanala za prenos na talasni oblik bita

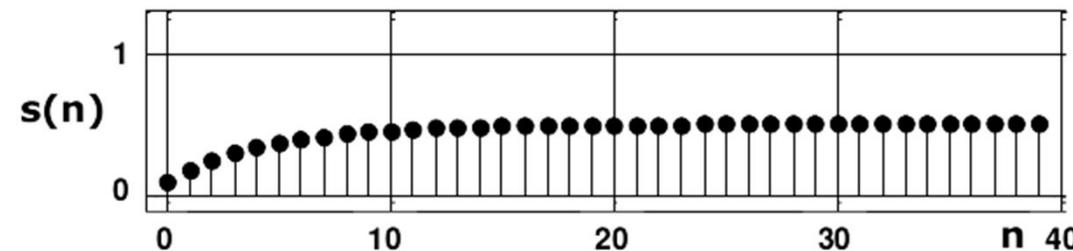
- Mogući uticaji kanala za prenos uključuju:
  - slabljenje
  - kašnjenje
  - offset
  - nedovoljno jasni prelazi izmedu bita
  - šum

# Primeri vrednosti parametara modela diskretnog kanala za prenos

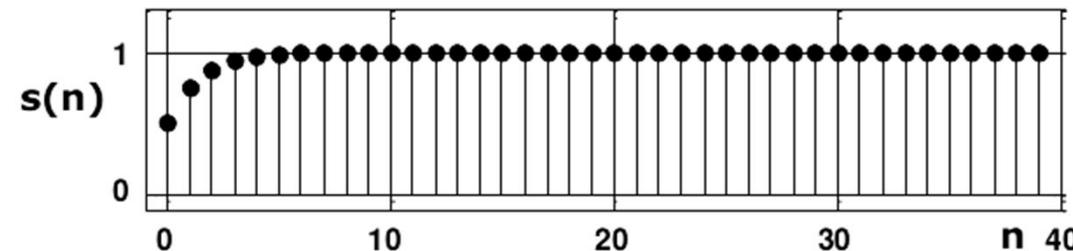
$$s(n) = k(1 - a^{n+1})u(n)$$



$$\begin{aligned}k &= 1 \\a &= 0.8\end{aligned}$$

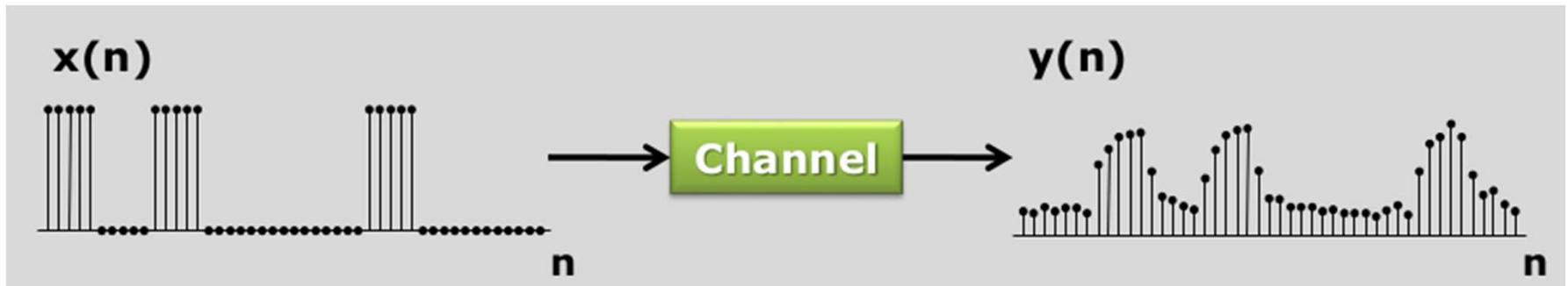


$$\begin{aligned}k &= 0.5 \\a &= 0.8\end{aligned}$$

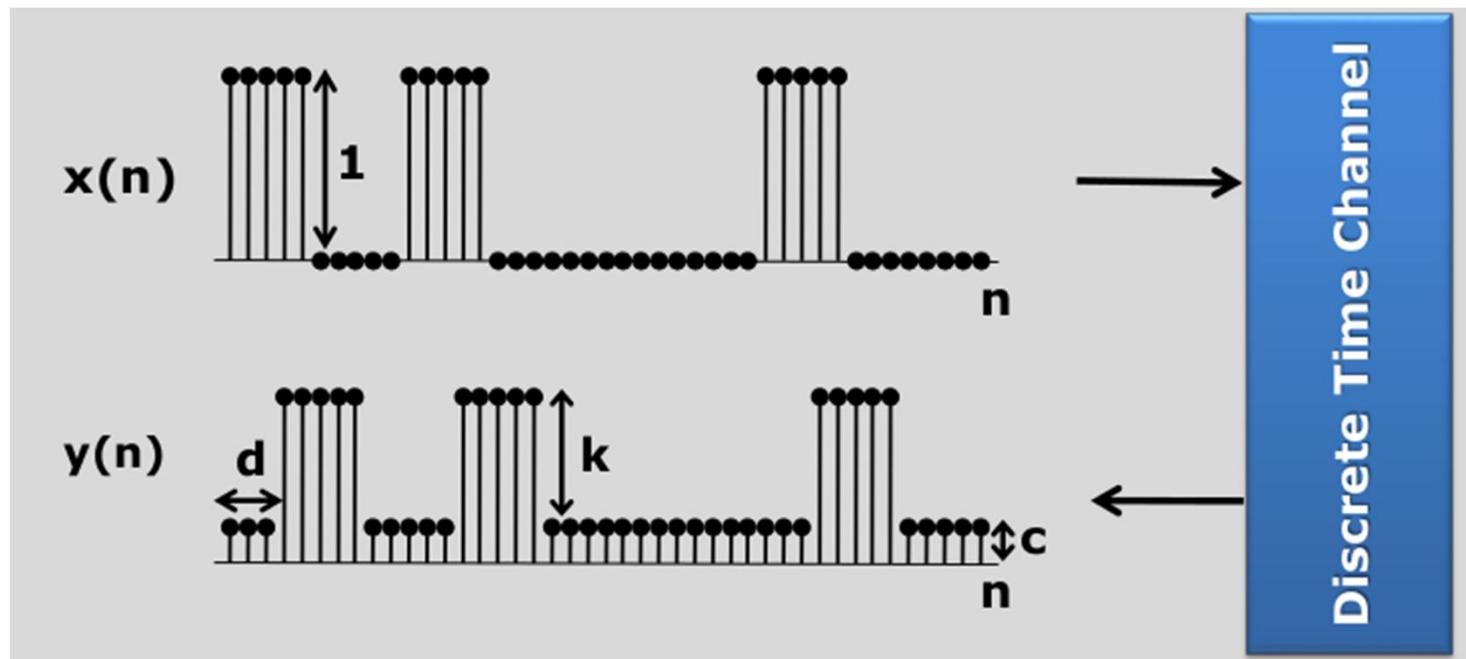


$$\begin{aligned}k &= 1 \\a &= 0.5\end{aligned}$$

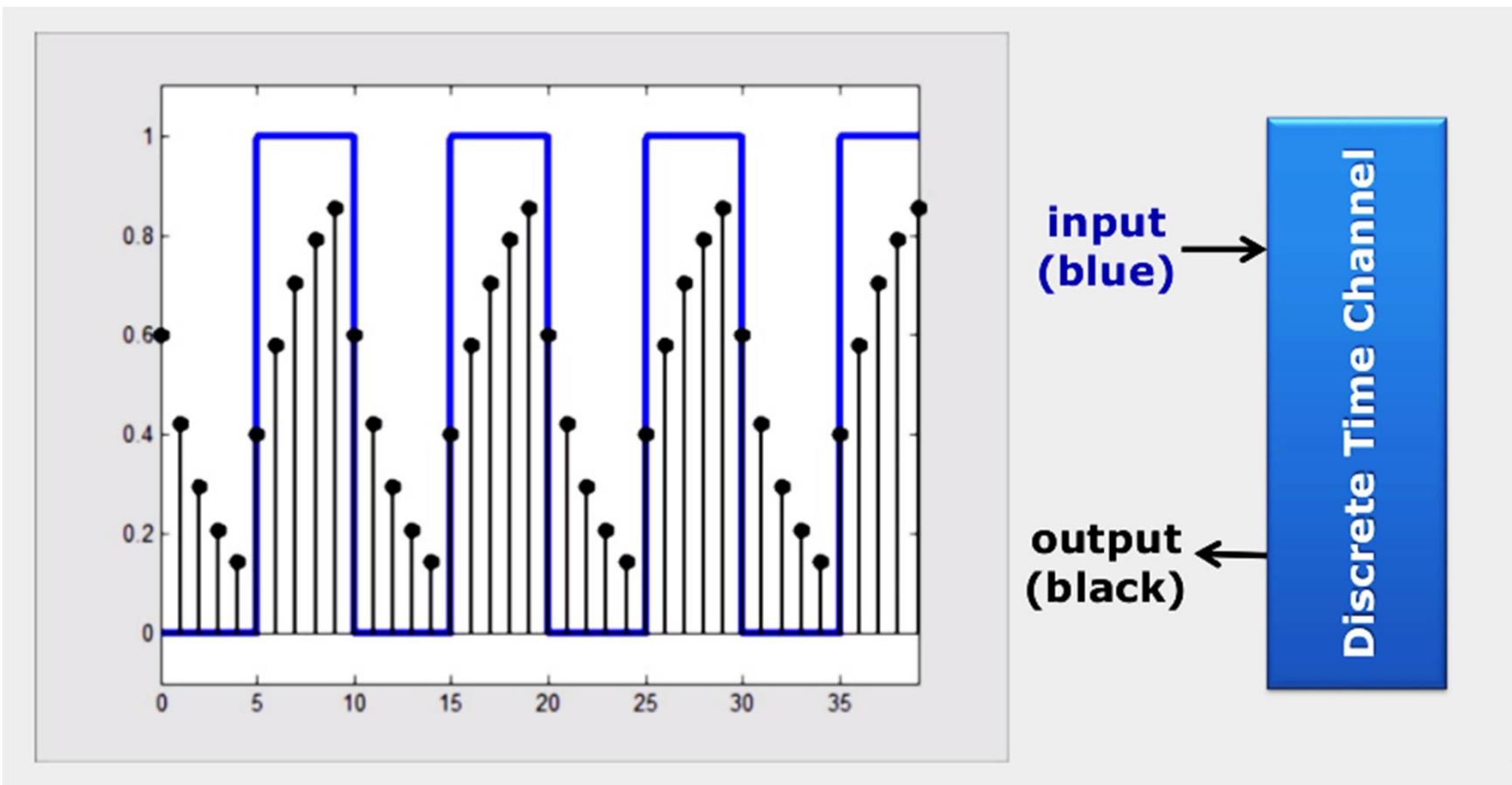
# Primer uticaja kanala za prenos na diskretni talasni oblik bita



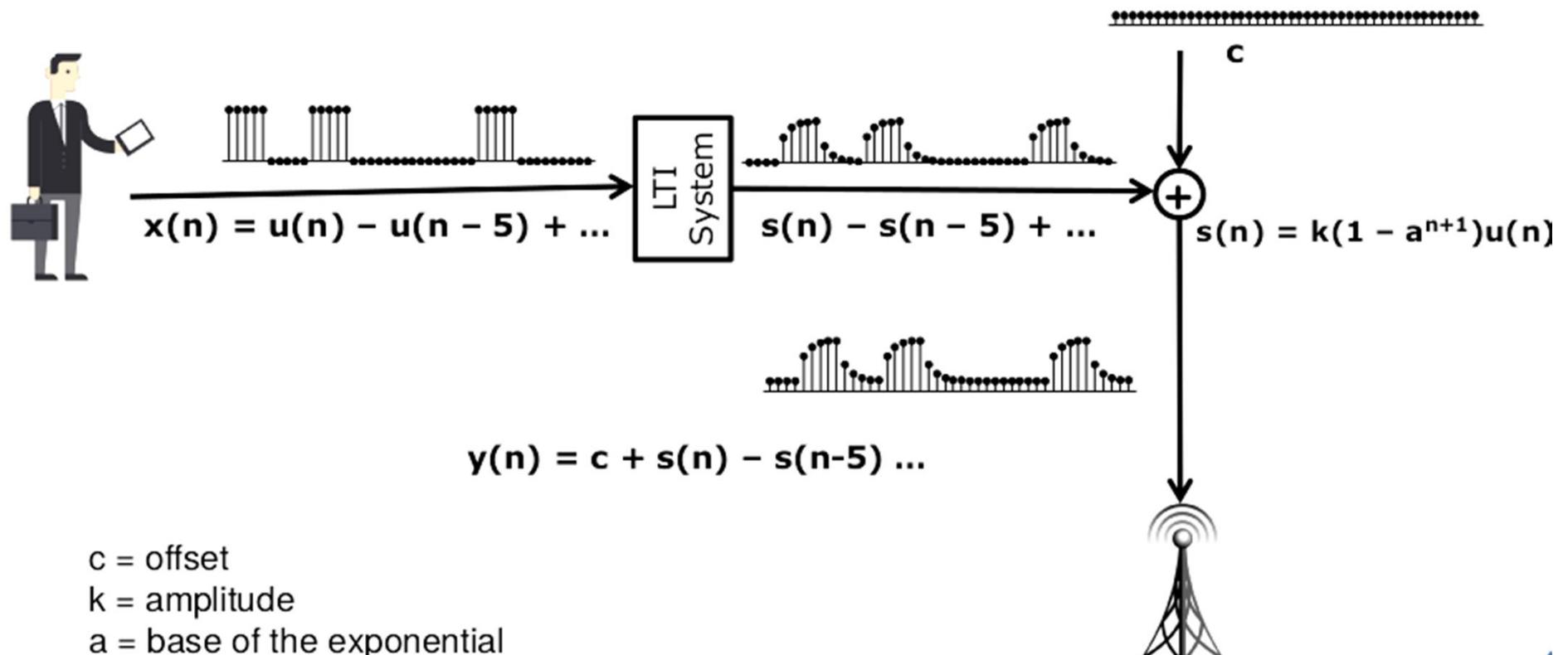
Slabljenje  $k$ , offset  $c$  i kašnjenje  $d$   
u diskretnom talasnom obliku bita usled  
kanala za prenos, koji se može modelovati kao  
 $y(n) = kx(n-d) + c$



Uticaj ograničenog propusnog opsega kanala za prenos na diskretni talasni oblik bita, ako je vreme trajanja bita jednako 5 odbiraka po bitu (SPB)



# Odziv kanala za prenos kao suma različitih faktora



# Komunikacioni protokol

- Protokoli predstavljaju dogovor o skupu pravila ili procedura koji će biti poštovan prilikom komunikacije
- Protokli su neophodni u komunikacionim sistemima
- Ako predajnik ne poštuje protokol, prijemnik će možda moći da primi informacije koje su mu poslate, ali ne i da ih razume

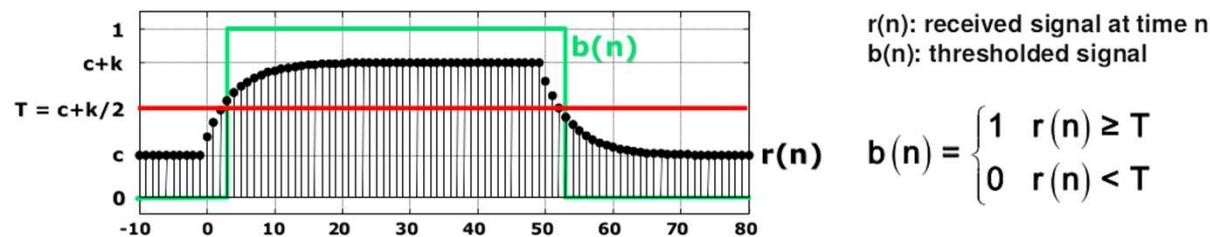
# Aspekti predstavljanja u protokolima

Protokoli u komunikacionim sistemima obuhvataju sve aspekte predstavljanja podataka i nepodne signalizacije, kao što su:

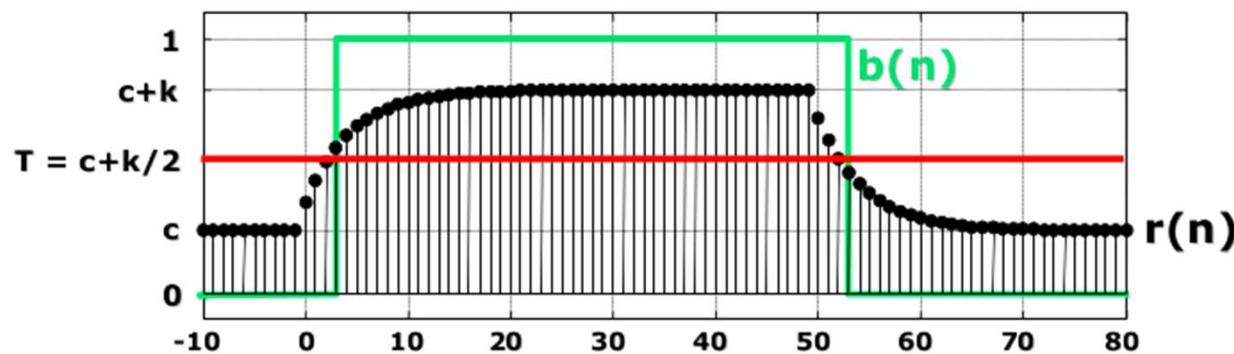
- predstavljanje tekstualnih karaktera (ASCII vs Unicode)
- redosled bita u sekvenci (prvi bit ima najveću ili najmanju važnost: MSB (Most Significant Bit) ili LSB (Least Significant Bit))
- način predstavljanja pojedinačnih bita (ima svetla 1, nema 0)
- vreme trajanja bita, SPB ili bit rate
- training sequence - sekvenca za učenje
- metod sinhronizacije

# Sekvenca za učenje i metod sinhronizacije

- Sekvenca za učenje služi da bi se na prijemu odredili parametri kanala, kao što su slabljenje  $k$  ili offset  $c$
- Ove infomarcije su dalje korisne da bi se ispravno postavio prag odlučivanja u odnosu koji će se dalje odlučivati da li je na prijemu bit 0 ili bit 1



# Primer postavljanja praga i odlučivanja korišćenjem sekvence za učenje



$r(n)$ : received signal at time  $n$   
 $b(n)$ : thresholded signal

$$b(n) = \begin{cases} 1 & r(n) \geq T \\ 0 & r(n) < T \end{cases}$$

# Asinhrona komunikacija

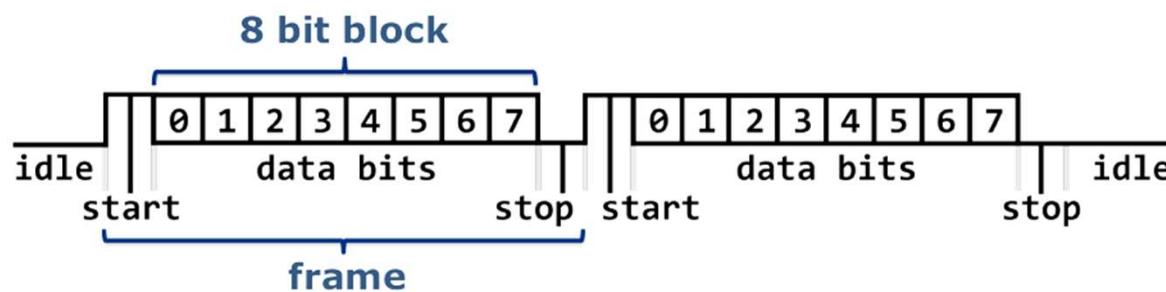
- U mnogim komunikacionim sistemima, predajnik i prijemnik nisu sinhronizovani - poravnati po vremenu
- Prijemnik nema informaciju kada će predajnik početi da emituje
- Ovo je primer asinhrone komunikacije
- U ovoj vrsti komunikacije prijemniku je potreban signal od predajnika da će biti započeto emitovanje podataka, odnosno podaci se smeštaju u okvir (frame)
- Frejm podarazumeva da se podaci koji se prenose okružuju dodatnim bitima
- Jedan jednostavan primer je da se biti koji se prenose okružuju startnim bitom koji ukazuje na početak prenosa i stop bitom koji ukazuje na kraj prenosa

# Asinhrona komunikacija

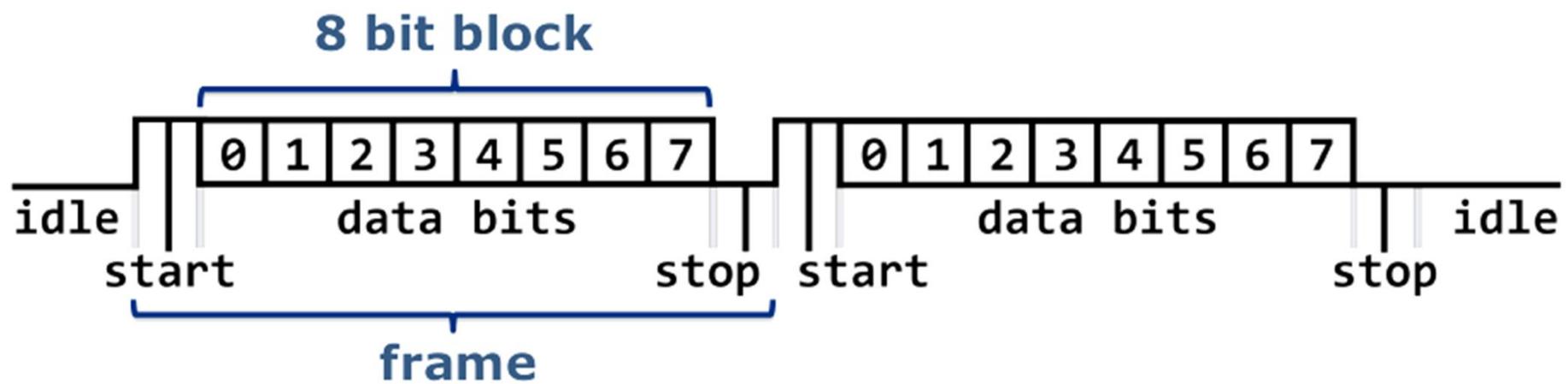
- Vrednost startnog bita zavisi od vrednosti neaktivnog (idle) stanja na linku
- Ako je neaktivno stanje 0, onda je uobičajeno startni bit 1
- Nakon startnog bita počinje blok podataka, pri čemu prijemnik i predajnik moraju da se dogovore o broju bita u jednom bloku
- Ako su podaci koji se šalju kraći od jednog bloka radi se dopuna bloka, na primer nulama, a ako su duži radi se podela na više blokova

# Asinhrona komunikacija

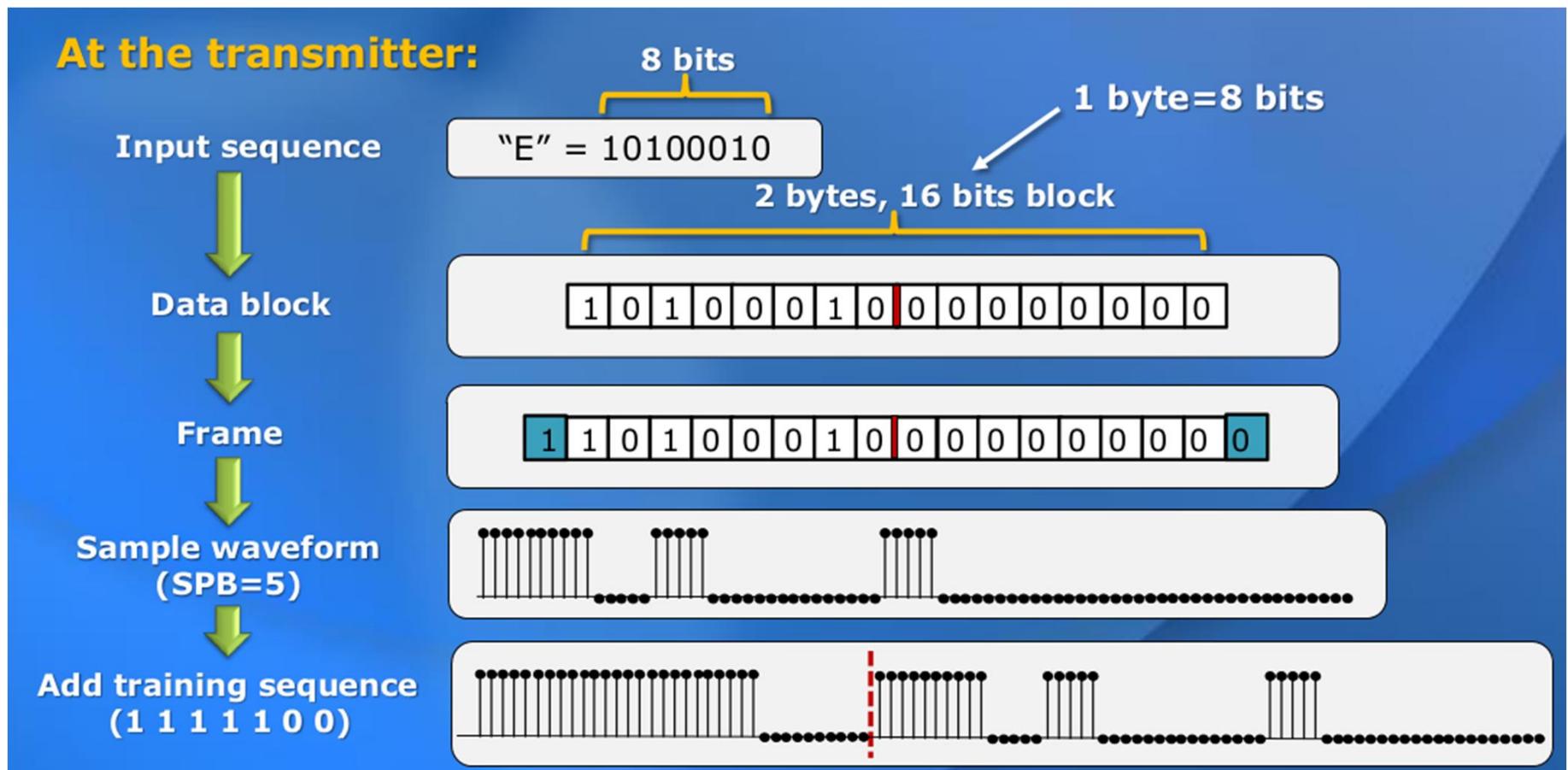
- Nakon bloka podataka sledi stop bit ili više bita, ako se ostavlja više vremena prijemniku da procesira blok
- Vrednost stop bita se uklapa sa neaktivnim stanjem linka, da bi se uspešno detektovao novi startni bit



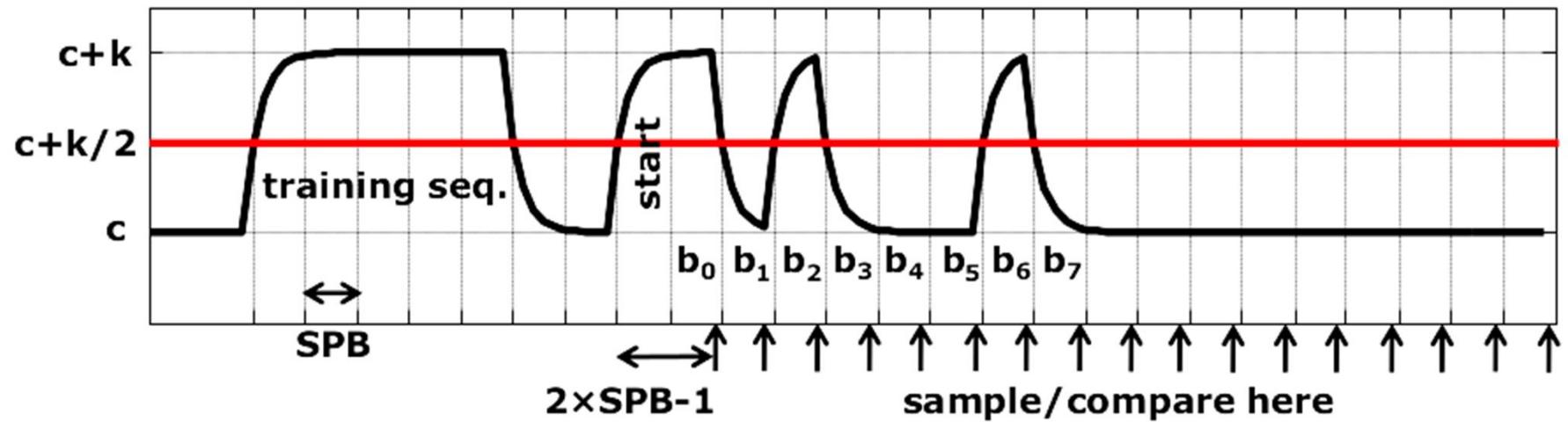
## Formiranje frejma podataka



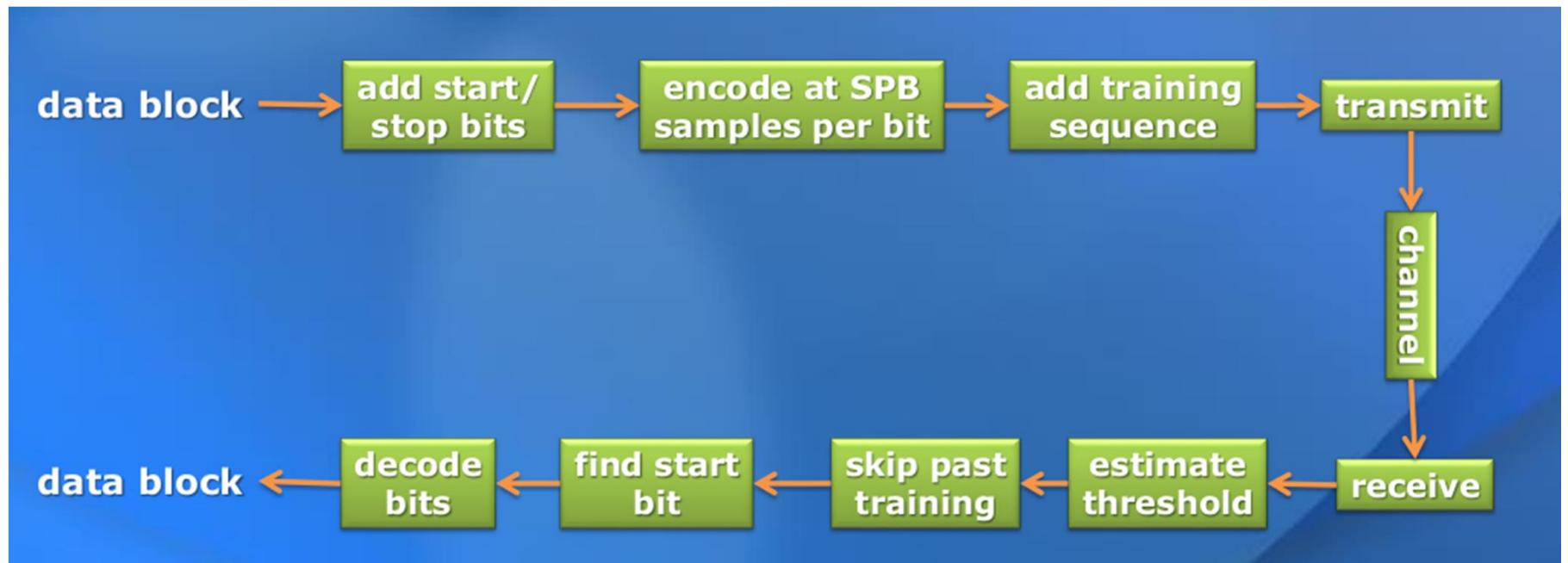
# Primer jednostavnog protokola - predajna strana



# Primer jednostavnog protokola - prijemna strana



# Primer jednostavnog protokola - blok šema postupka



# Intersimbolska interferencija

- Bitski protok  $R_b$  (bit rate) označava broj bita koji se mogu preneti u sekundi
- U većini sistema poželjno je da bitski protok ima veliku vrednost, odnosno malo vreme trajnja bita  $T_b$
- *Bit Error Rate* (BER) predstavlja odnos pogrešno dekodovanih bita na prijemu u odnosu na ukupan broj bita
- Poželjno je da BER ima što manju vrednost
- Ako se postavlja veći bitski protok, odnosno manje vreme trajnja bita, BER raste.
- Jedan od razloga pojave grešaka na prijemu je intersimbolska interferencija (*Intersymbol Interference*, ISI)
- ISI je posledica pojave da odziv na bit 0 ili na bit 1 zavisi od bita koji je prenesen pre njega, jer je kanalu potrebno vreme da odraguje na promenu

Odziv na 0 u slučaju različitih kombinacija prethodnih bita.

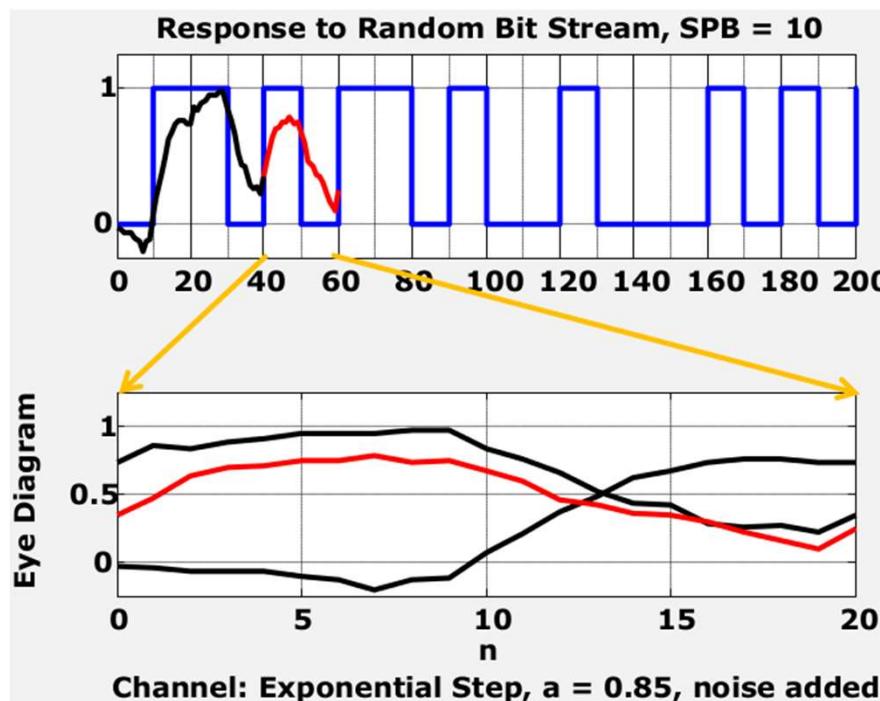


# Intersimbolska interferencija

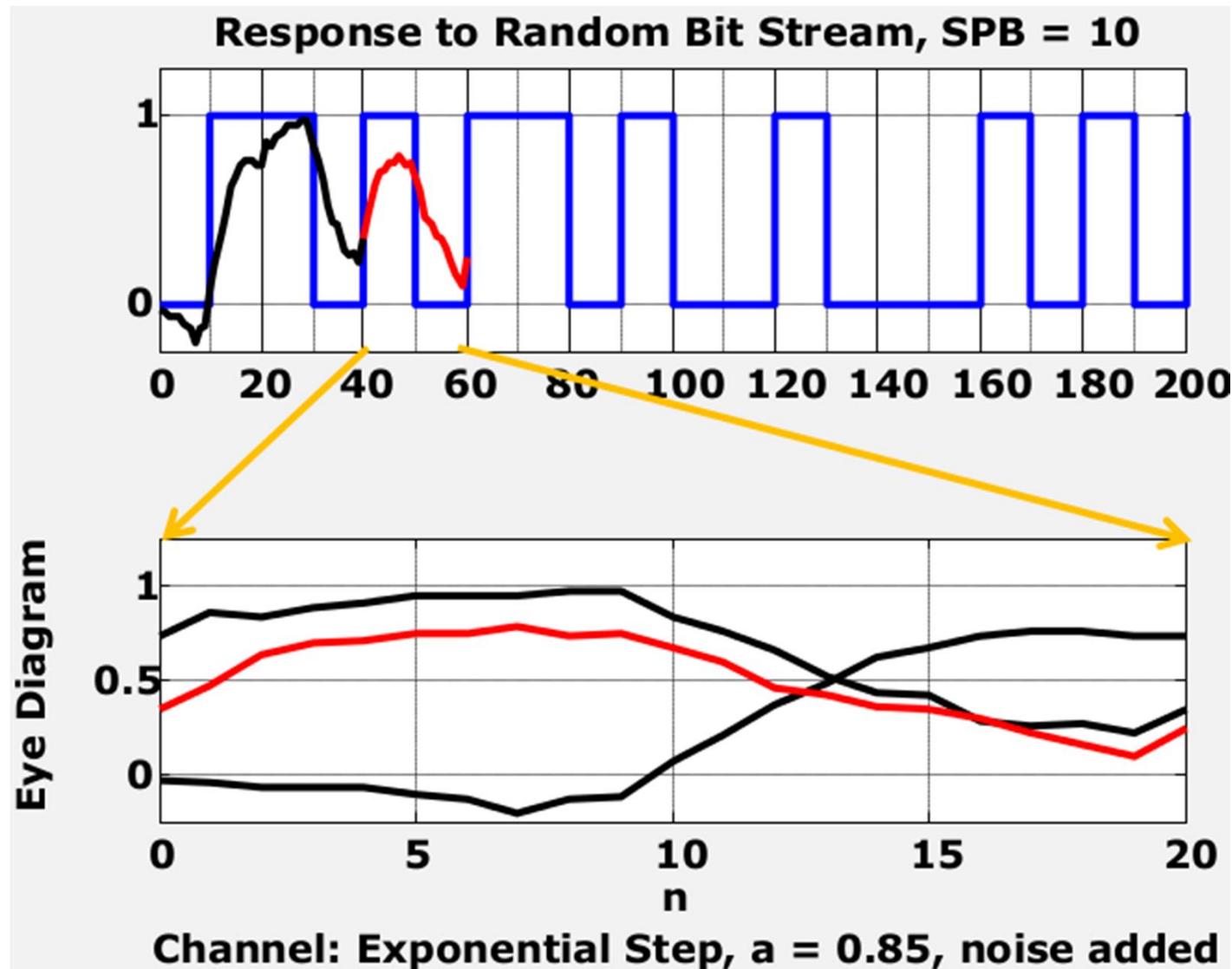
- Ako je broj odbiraka po bitu (SPB) manji, veća je ISI i više prethodnih bita utiče na detekciju trenutnog bita
- Da bi se smanjila ISI, moguće je na primer ubrzati reakciju kanala, međutim ovo nije uvek moguće i zahteva veću cenu realizacije
- Drugi način je da se poveća SPB, međutim to dovodi do povećanja vremena bita i smanjenja bitskog protoka
- Jeden način smanjenja ISI je pomoću ekvalizatora koji se razvijaju konstrukcijom modela u skladu sa modelom kanala

# Dijagram oka

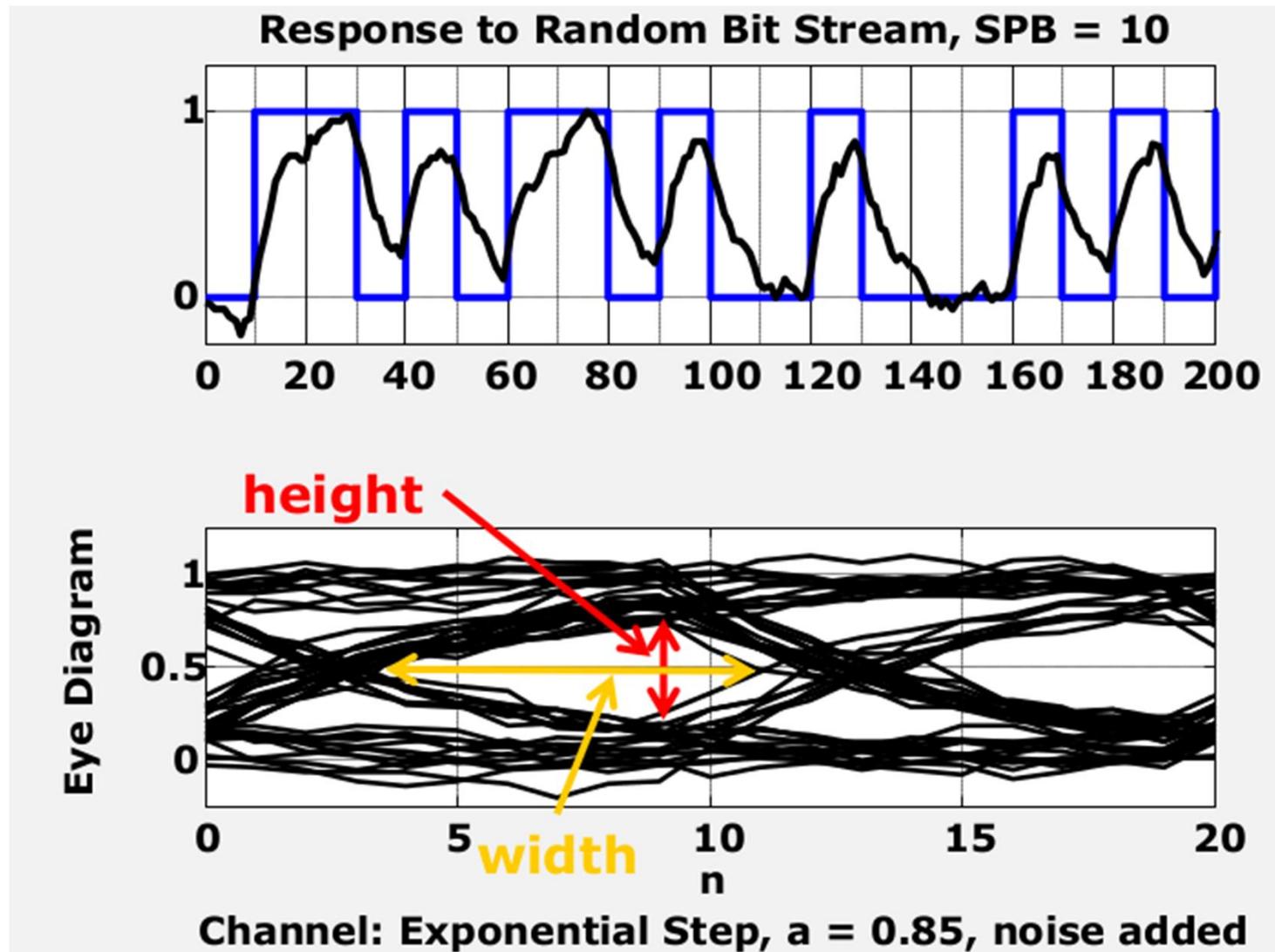
- Dijagram oka je grafička interpretacija ISI koja daje predstavu više odziva na bite 0 i 1



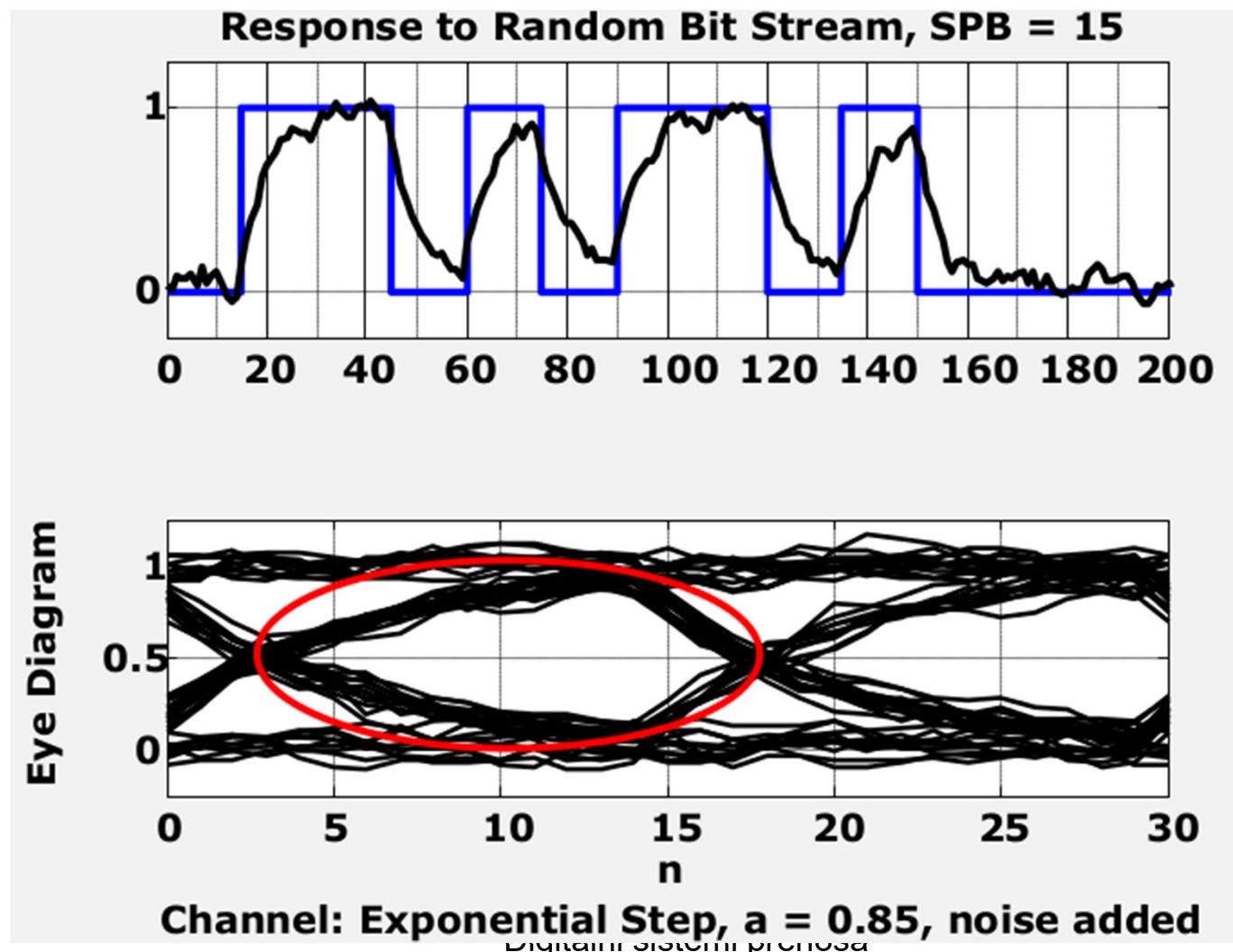
# Konstrukcija dijagrama oka - rezultat nakon 60 odbiraka, SPB = 10



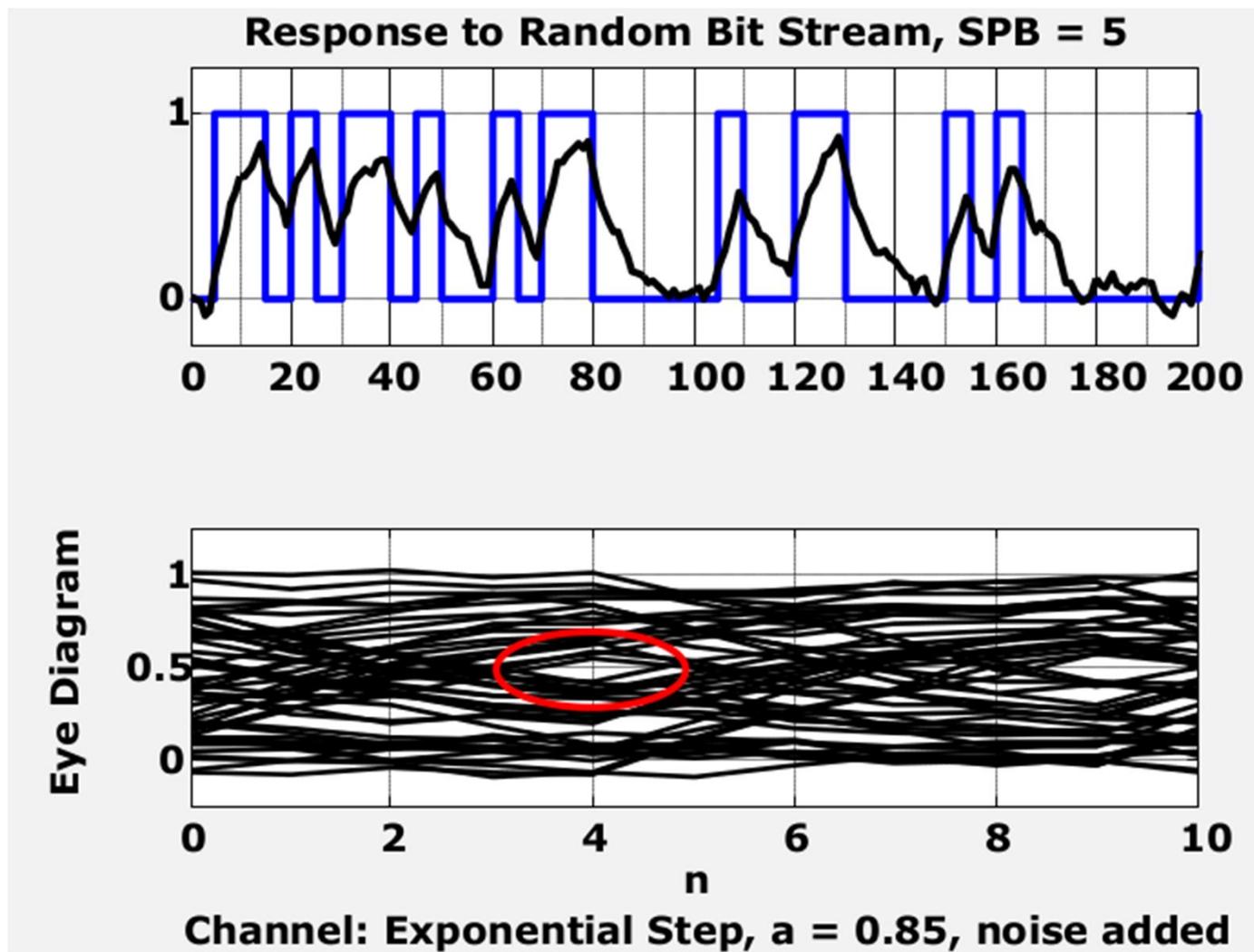
Konstrukcija dijagrama oka - rezultat nakon 200  
odbiraka, SPB = 10



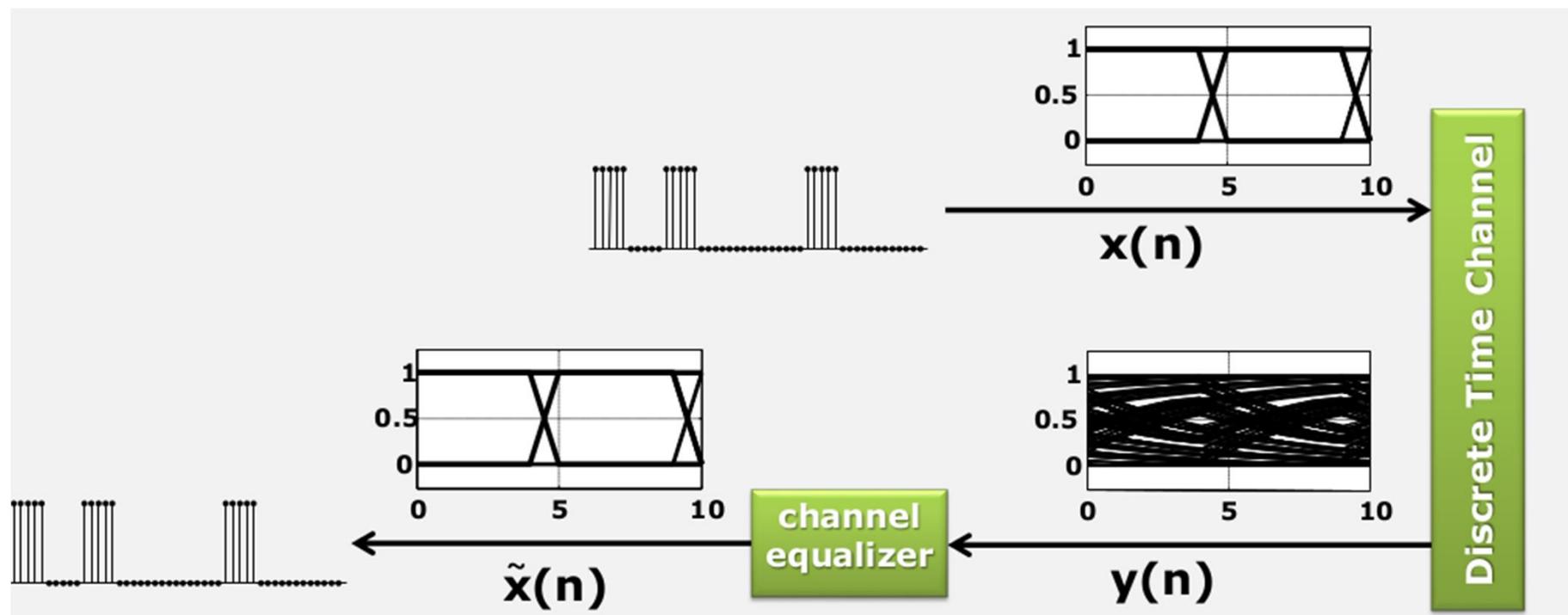
## Dijagram oka za SPB = 15



## Dijagram oka za SPB = 5



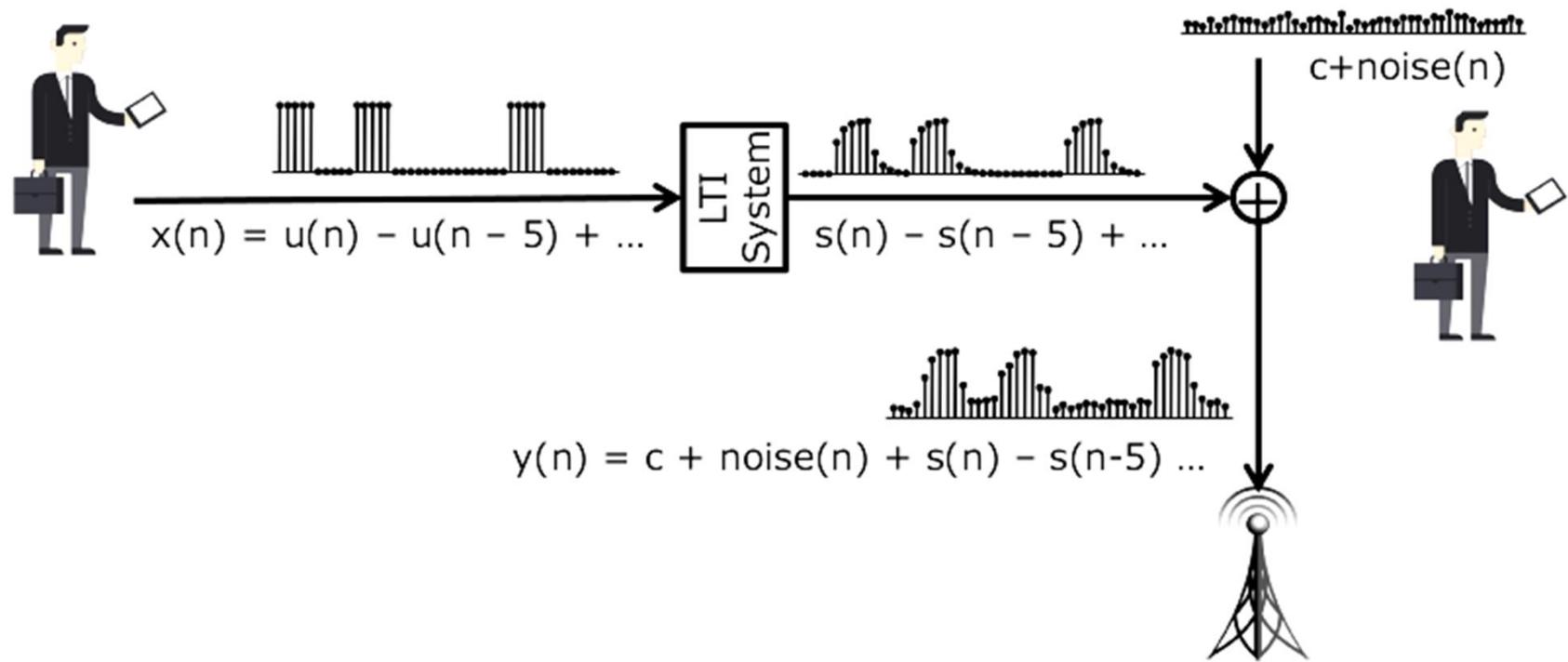
# Uloga ekvalizatora



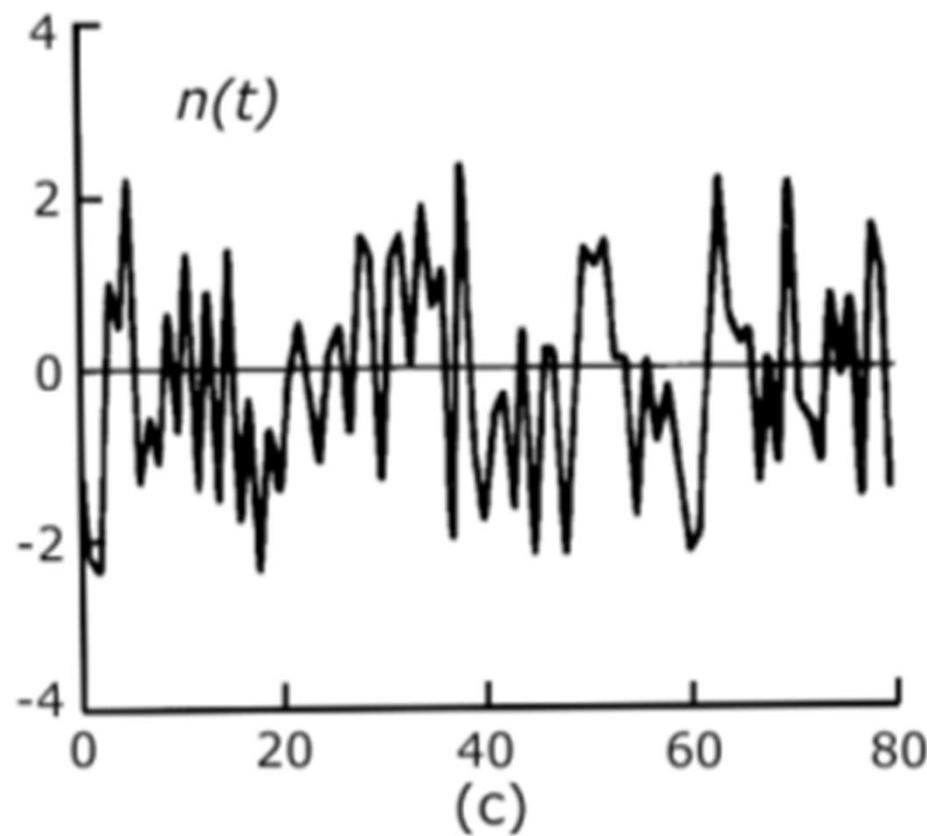
# Šum

- Signal na prijemu predstavlja sumu dva člana: odziv na ulaz koji može da se izračuna kao odziv na step pobudu u skladu sa LTI (Long Time Invariant) pretpostavku i signala kao što su offset  $c$  i šum koje unosi okruženje (na primer, drugi korisnici, električne komponente)
- Šum je nezaobilazan u komunikacionim sistemima
- Tipičan šum predstavlja slučaja signal, kao što je ilustrovano na sledećoj slici
- Šum je prirodna pojava i najčešće je u pitanju termički šum
- Otpornici, uređaji, atmosfera su primeri izvora termičkog šuma
- Termički šum se javlja kao posledica kretanja elektrona i stvaranja slučajnih malih napona

# Signal na prijemu kao suma odziva na ulaz i šuma



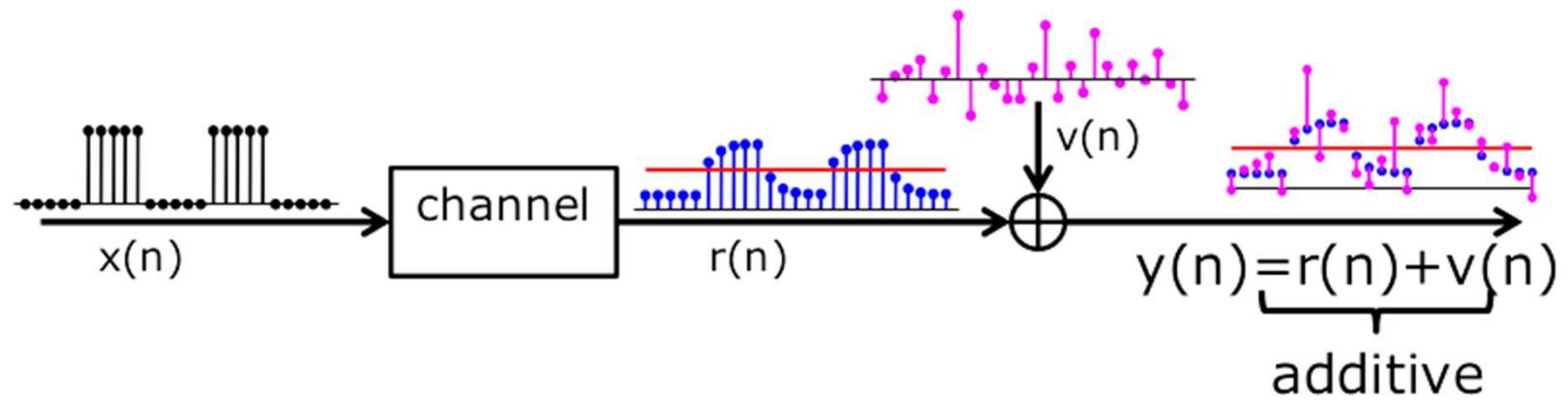
# Signal šuma



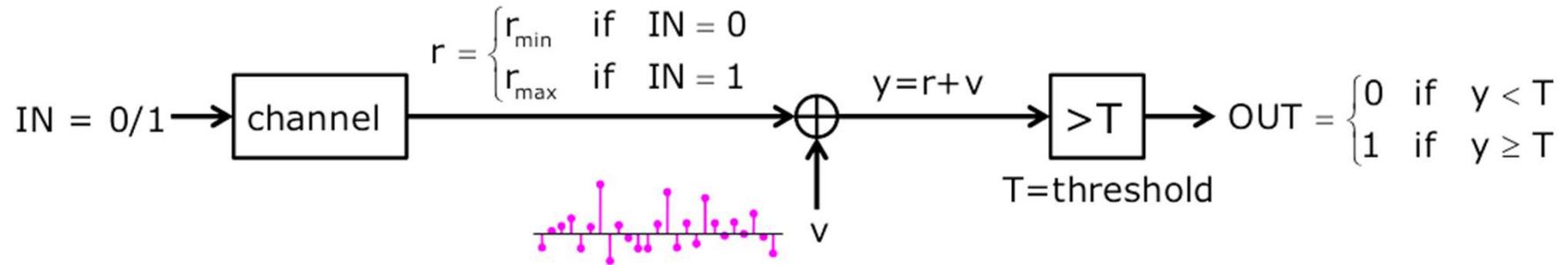
# Šum

- Šum utiče na vrednost minimalnog signal koji se može uspešno detektovati na prijemu
- Manje vrednosti signala su poželjnije jer smanjuju potrošnju, ali ako je signal previše male amplitude koja pada i ispod nivoa šuma javljaju se greške
- Dodavanje šuma na signal ilustrovano je na slici
- Usvojene su oznake:  $x(t)$  ulaz kanala,  $r(t)$  izlaz kanala bez šuma,  $v(t)$  šum i  $y(t)$  primljeni signal
- Aditivni šum utiče na signal i može dovesti do pojave greške, ako je pomeraj šuma dovoljno veliki i odgovarajućem smeru da signal pređe prag odlučivanja

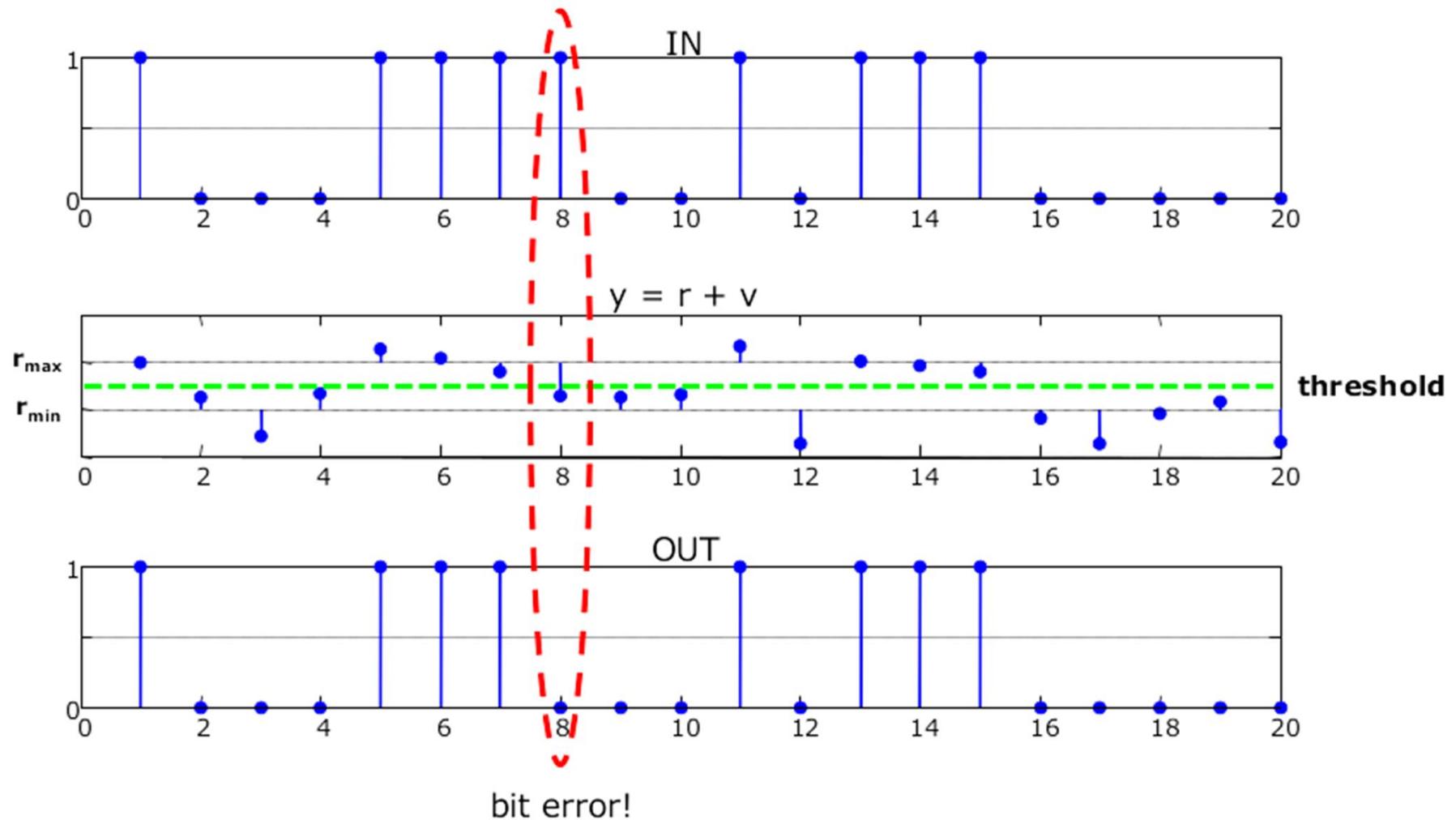
# Signal šuma



# Signal šuma



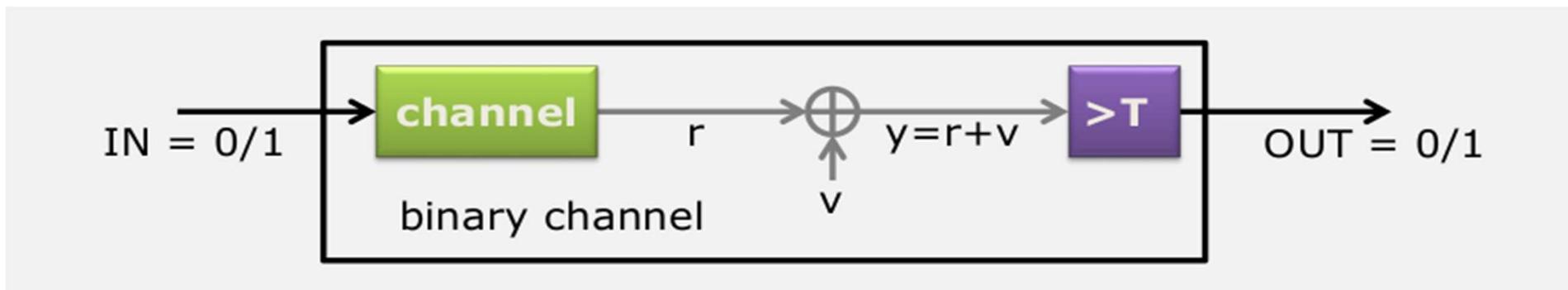
# Signal šuma



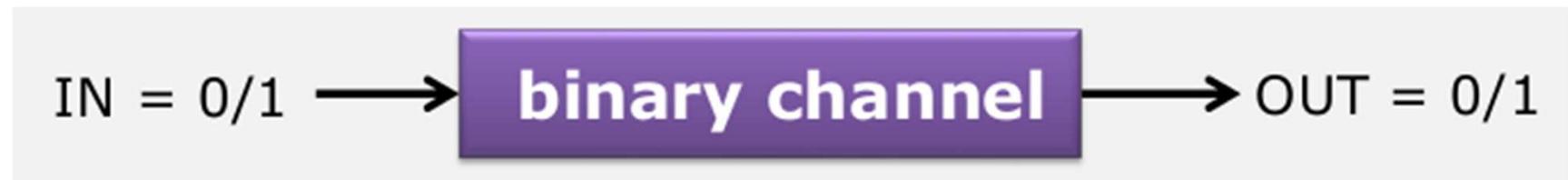
# Model binarnog kanala i određivanje BER-a

- Ako se zanemare detalji vezani za šum i nivoe primeljenog i ako se posmatraju samo ulazni i izlazni biti dobija se model binarnog kanala, kao što je ilustrovano na sledećoj slici

Model binarnog kanala



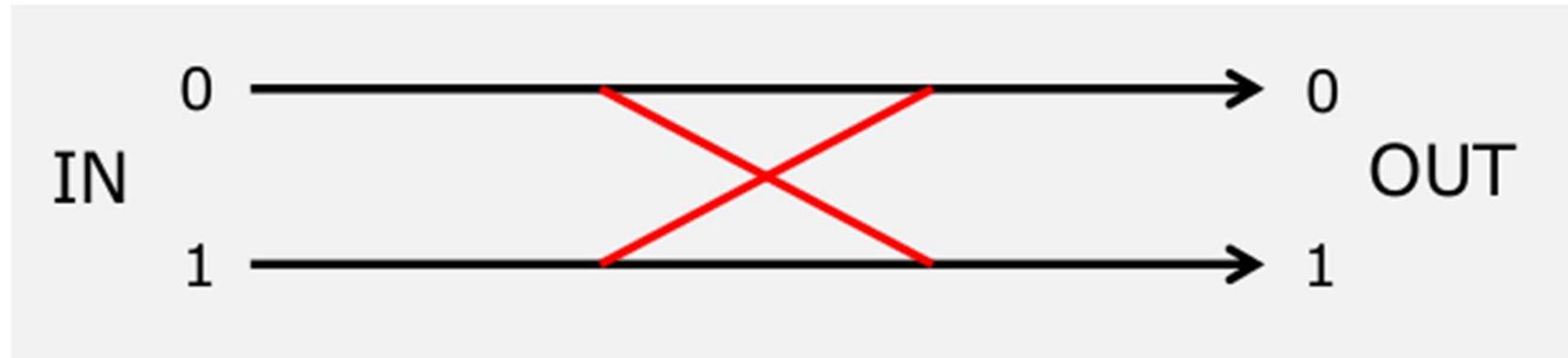
## Pojednostavljeni model binarnog kanala



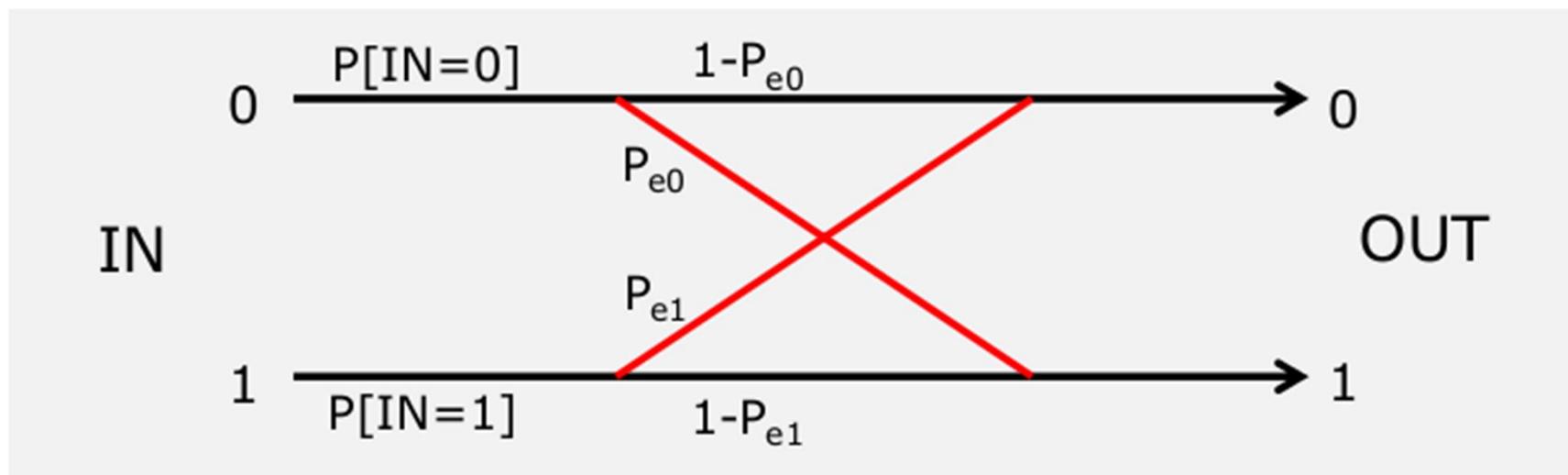
# Model binarnog kanala i određivanje BER-a

- Binarni kanal podrazumeva da ulaz i izlaz imaju samo dve moguće vrednosti 0 ili 1, a idealno važe parovi  
 $IN=0, OUT=0$  i  
 $IN=1, OUT=1$
- Tada se kaže da nema greške pri prenosu, odnosno BER je nula
- Međutim, zbog postojanja šuma javlaju se i slučajevi kada je  
 $IN=0$ , a  $OUT=1$   
i obrnuto  
i tada važi  $BER > 0$
- Ova četiri različita slučaja se opisuju verovatnoćama i ilustruju se kao na sledećoj slici

Moguće kombinacije bita ulaza i izlaza binarnog kanala.



## Model binarnog kanala - određivanje BER



# Model binarnog kanala i određivanje BER-a

- Za određivanje BER binarnog kanala koristi se model kao na slici 33  
gde su usvojene oznake:
  - verovatnoća da je na ulazu bit nula  $P[\text{IN} = 0]$ ,
  - verovatnoća da je na ulazu bit jedinica  $P[\text{IN} = 1]$ ,
  - verovatnoća da je došlo do greške,  
ako je na ulazu bit nula  $P_{e0}$ ,
  - verovatnoća da je došlo do greške,  
ako je na ulazu bit jedinica  $P_{e1}$ .

# Model binarnog kanala i određivanje BER-a

- Važi da je  
 $P[\text{IN} = 0] + P[\text{IN} = 1] = 1$
- Obično važi da je  $P[\text{IN} = 0] = P[\text{IN} = 1] = 0.5$
- Verovatnoća greške BER se sada određuje pomoću izraza:
- $\text{BER} = P_e = P_{e0} P[\text{IN} = 0] + P_{e1} P[\text{IN} = 1]$
- Za model binarnog kanala dat na sledećoj slici  
 $\text{BER} = 0.2 \cdot 0.6 + 0.3 \cdot 0.4 = 0.24.$

# Primer detaljnog određivanja BER-a tabelarno i po modelu.

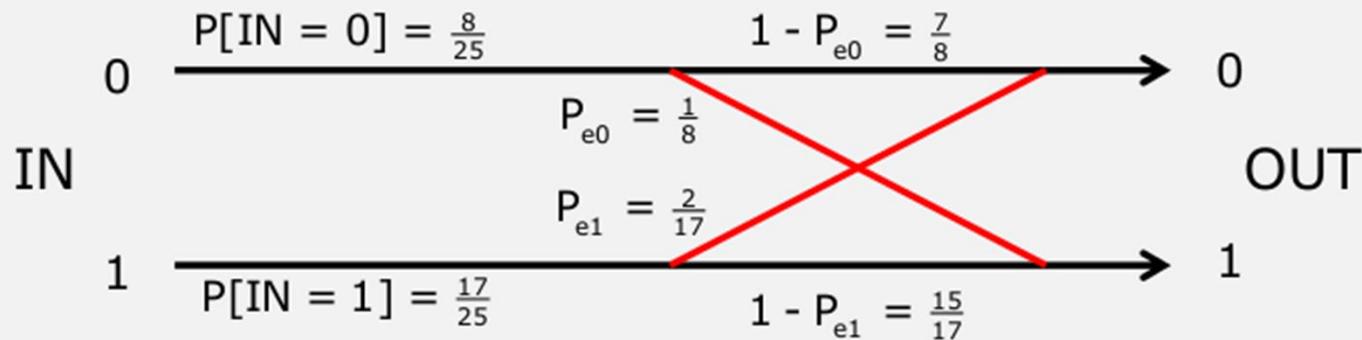
Input/Output Bit Streams

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
IN	1	1	0	1	1	0	0	1	1	1	0	1	1	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	1
OUT	1	1	0	1	1	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	0	1	1	0	1	0	0	1	1

**By definition:**

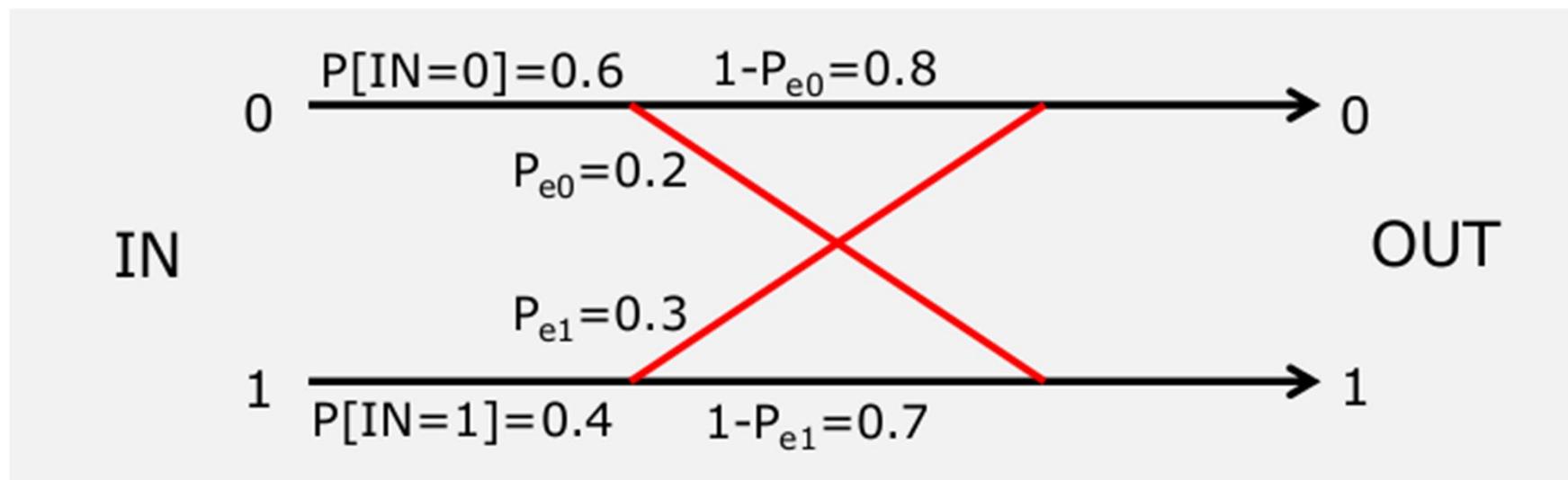
$$\text{BER} \approx \frac{\# \text{ of errors}}{\# \text{ of bit pairs}} = \frac{3}{25} = 12\%$$

**Using our formula:**



$$\text{BER} = P_{e0} \times [\text{IN} = 0] + P_{e1} \times [\text{IN} = 1] = \frac{1}{8} \times \frac{8}{25} + \frac{2}{17} \times \frac{17}{25} = \frac{3}{25}$$

## Primer detaljnog određivanja BER-a - po modelu



**Profesor dr Miroslav Lutovac**  
[mlutovac@viser.edu.rs](mailto:mlutovac@viser.edu.rs)

**Ova prezentacija je nekomercijalna.**

Slajdovi mogu da sadrže materijale preuzete sa Interneta, stručne i naučne građe, koji su zaštićeni Zakonom o autorskim i srodnim pravima.

Ova prezentacija se može koristiti samo privremeno tokom usmenog izlaganja nastavnika u cilju informisanja i upućivanja studenata na dalji stručni, istraživački i naučni rad i u druge svrhe se ne sme koristiti –

Član 44 - Dozvoljeno je bez dozvole autora i bez plaćanja autorske naknade za nekomercijalne svrhe nastave:  
(1) javno izvođenje ili predstavljanje objavljenih dela u obliku neposrednog poučavanja na nastavi;  
- ZAKON O AUTORSKOM I SRODNIM PRAVIMA  
("Sl. glasnik RS", br. 104/2009 i 99/2011)